

Def 1:  $X: \Omega \longrightarrow E$  variable aléatoire a'  
 $\omega \longmapsto X(\omega)$  valeurs dans  $E$

↑  
 1 résultat de  
 l'expérience  
 aléatoire

↑  
 un élément  
 de  $E$

variable aléatoire réelle V.A.R.  $X: \Omega \longrightarrow \mathbb{R}$

$\omega \longmapsto X(\omega)$

↑  
 1 résultat  
 de l'expérience  
 aléatoire

↑  
 un nombre  
 réel

Dans ce chapitre toutes les variables aléatoires sont réelles.

Notations On a supposé que  $\Omega$  est univers fini:  
donc on peut le noter  $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_p\}$

où  $p = |\Omega|$  est un entier naturel non nul.

L'ensemble  $X(\Omega)$  est une partie de  $\mathbb{R}$ .

$$X(\Omega) = \{X(\omega_1), X(\omega_2), \dots, X(\omega_p)\}$$

Comme les réels  $X(\omega_1), X(\omega_2), \dots, X(\omega_p)$  ne sont pas (a priori) deux à deux distincts, on les note:

$$x_1, x_2, \dots, x_n.$$

Donc  $X(\Omega) = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  ← univers image de  $X$

où  $n = |X(\Omega)| \leq p$  est un entier naturel non nul qui est égal au nombre de valeurs que peut prendre la V.A.R.  $X$

[Très souvent]

$X$  sera à valeurs dans  $\mathbb{N}$   
et alors  $x_k = k$

Exemple 1 On lance deux fois de suite un dé.

$$\Omega = \llbracket 1, 6 \rrbracket^2$$

$X$  = "nbr de faces"       $X: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$

$$X(\Omega) = \{0, 1, 2\}$$

Par exemple:  $X(1, 6) = 1 = X(6, 3)$

$$X(2, 4) = 0$$

$$X(6, 6) = 2$$

Exemple 2 urne avec 10 balles numérotées:  
6 blanches et 4 rouges.

On en pioche p ure par ure avec remise.

$$\Omega = [1, 10]^P$$

$X = \text{"nb de balles rouges obtenues"}$

$$X: \Omega \longrightarrow \mathbb{R}$$

$X(\Omega) = [0, p]$  car si on pioche p balles le  
nombre de balles rouges est un entier compris  
entre 0 et p.